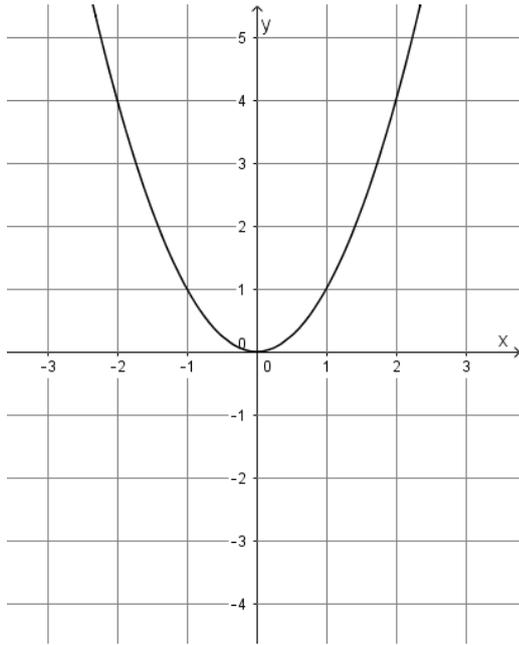


## Symmetrie von Funktionen

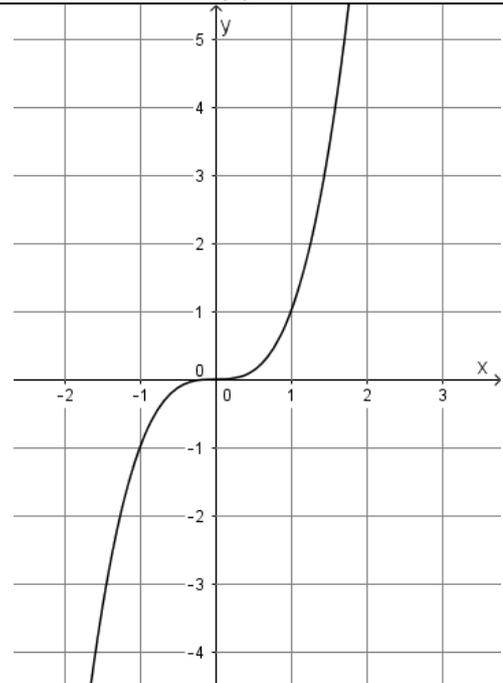
Achsensymmetrie zur y-Achse

$$f(x) = x^2$$



Punktsymmetrie zum Ursprung (0|0)

$$f(x) = x^3$$

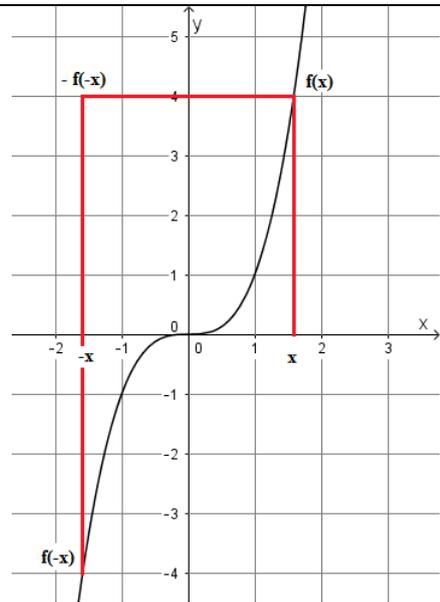
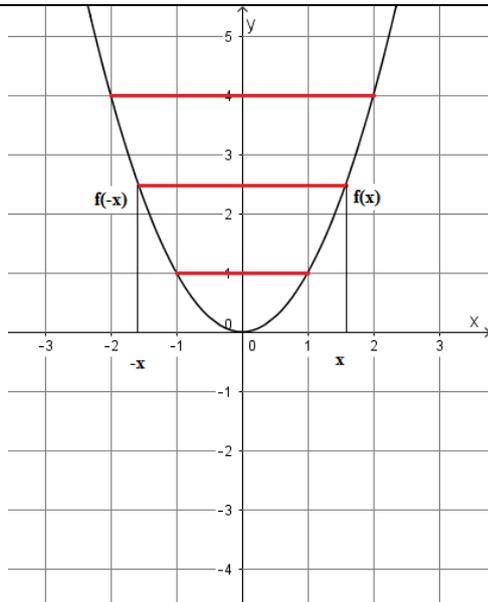


Untersuche folgende Punkte:

$$f(1) = \underline{\quad\quad} \quad \text{und} \quad f(-1) = \underline{\quad\quad}$$

Untersuche folgende Punkte:

$$f(1) = \underline{\quad\quad} \quad \quad \quad f(-1) = \underline{\quad\quad}$$



Man kann feststellen: Ist eine Funktion achsensymmetrisch zur y-Achse so gilt:

$$f(x) \quad \underline{\quad\quad\quad} \quad f(-x)$$

Man kann feststellen: Ist eine Funktion punktsymmetrisch zum Ursprung so gilt:

$$f(x) \quad \underline{\quad\quad\quad} \quad \underline{\quad\quad\quad} \quad f(-x)$$

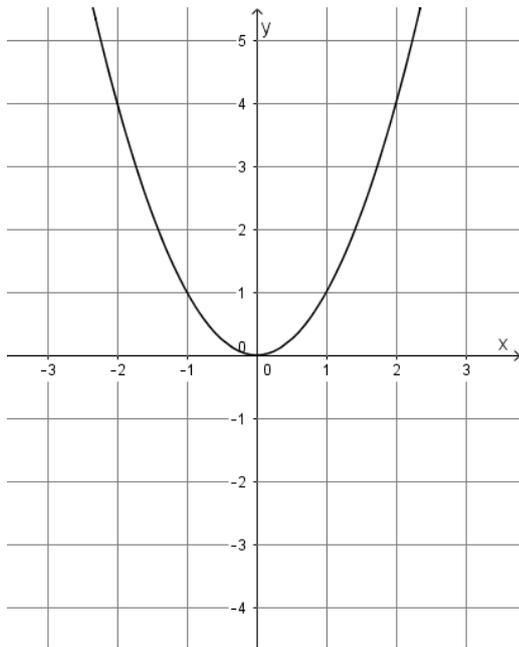
Beispiel: Zeige dass die Funktion  $f(x) = x^2 - 1$  achsensymmetrisch zur y-Achse ist.

Beispiel: Zeige dass die Funktion  $f(x) = x^3 + 2x$  punktsymmetrisch zum Ursprung ist.

## Symmetrie von Funktionen

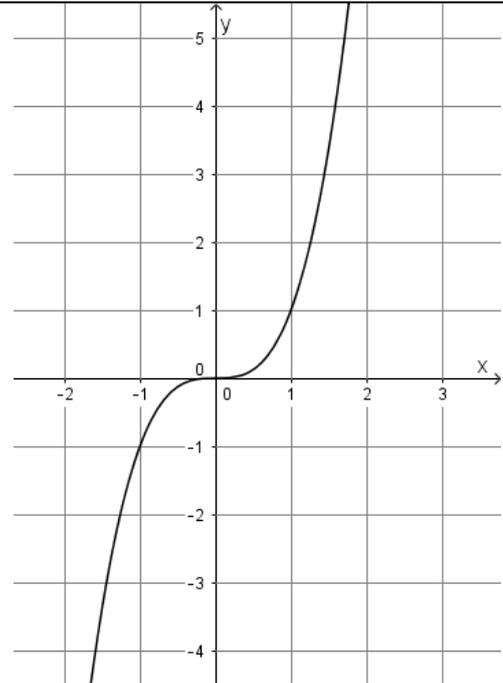
Achsensymmetrie zur y-Achse

$$f(x) = x^2$$



Punktsymmetrie zum Ursprung (0|0)

$$f(x) = x^3$$

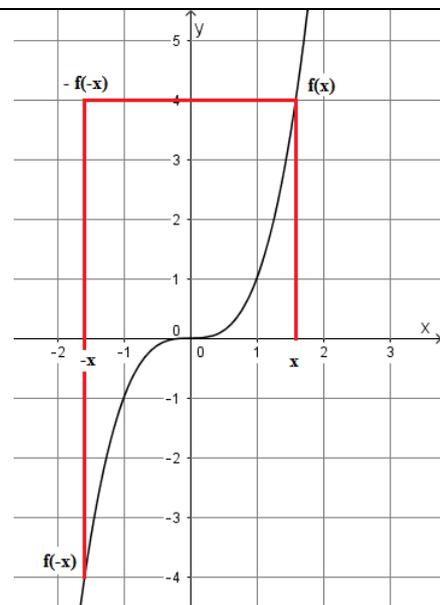
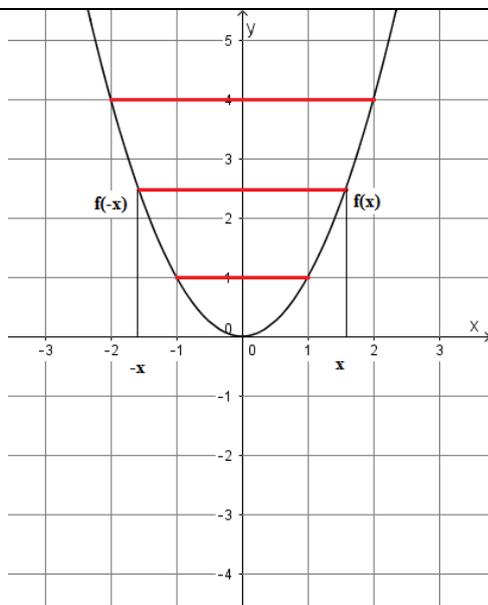


Untersuche folgende Punkte:

$$f(1) = 1 \quad \text{und} \quad f(-1) = 1$$

Untersuche folgende Punkte:

$$f(1) = 1 \quad \quad \quad f(-1) = -1$$



Man kann feststellen: Ist eine Funktion achsensymmetrisch zur y-Achse so gilt:

$$f(x) = f(-x)$$

Man kann feststellen: Ist eine Funktion punktsymmetrisch zum Ursprung so gilt:

$$f(x) = -f(-x)$$

Beispiel: Zeige dass die Funktion  $f(x) = x^2 - 1$  achsensymmetrisch zur y-Achse ist.

$$f(-x) = (-x)^2 - 1 = x^2 - 1 = f(x)$$

=> Die Funktion ist achsensymmetrisch zur y-Achse.

Beispiel: Zeige dass die Funktion  $f(x) = x^3 + 2x$  punktsymmetrisch zum Ursprung ist.

$$f(-x) = (-x)^3 + 2(-x) = -x^3 - 2x = -(x^3 + 2x) = -f(x)$$

=> Die Funktion ist punktsymmetrisch zum Ursprung.

